

제 1 장 기본 개념

1.1	개요 : 시스템 생명 주기	3
1.2	알고리즘 명세	6
1.2.1	소개	6
1.2.2	순환 알고리즘	12
1.3	데이터 추상화	15
1.4	성능 분석	17
1.4.1	공간 복잡도	19
1.4.2	시간 복잡도	23
1.4.3	점근 표기법	28
1.4.4	실용적인 복잡도	36
1.5	성능 측정	37

1.1 개요 : 시스템 생명 주기

- 프로그램은 매우 복잡하게 상호 작용하는 부품들로 구성된 시스템이다 !!

- 시스템 생명 주기
 - ◆ 요구 사항 (requirements)
 - 분석 (analysis)
 - 설계 (design)
 - 정제 및 코딩 (refinement and coding)
 - 검증 (verification)

□ 요구 사항

- ◆ 프로젝트들의 목적을 정의한 명세들의 집합
 - 프로그래머에게 주어진 데이터 입력과 프로그래머가 생성해내야 하는 결과(출력)에 관한 정보 기술
 - 모든 경우에 대한 입력과 출력의 기술을 정밀하게 작성해야 한다

□ 분석

- ◆ 문제들을 실제로 다룰 수 있을 정도의 작은 단위들로 나눈다
- ◆ 두 가지 접근 방법
 - 상향식 접근 방법
 - : 코딩에 주안점을 둔 비구조적 방법
 - 하향식 접근 방법
 - : 최종 결과 프로그램을 다룰 수 있을 정도의 프로그램 단위로 분리 ...

□ 설계

- ◆ 프로그램이 필요로 하는 데이터 객체와 이들 위에서 수행될 연산들의 관점에서 시스템에 접근
 - 추상 데이터 타입 (abstract data type)
 - 알고리즘의 명세와 알고리즘 설계 기법의 고려
- ◆ 사용하는 프로그래밍 언어와는 별개이므로 구현을 위한 결정 사항은 뒤로 연기

□ 정제 및 코딩

- ◆ 데이터 객체에 대한 표현 선택
 - 데이터 객체의 표현 방법이 알고리즘의 효율성을 결정한다
- ◆ 수행되는 연산에 대한 알고리즘 작성

□ 검증

- ◆ 정확성 증명
- ◆ 테스트
- ◆ 오류 제거

1.2 알고리즘 명세

1.2.1 소개

☞ 정의 : 알고리즘

특정한 일을 수행하는 명령어들의 유한 집합으로 다음의 조건들을 만족해야 한다

- ◆ 입력 : 외부에서 제공하는 자료가 0 개 이상
- ◆ 출력 : 적어도 한 가지 이상의 결과를 생성
- ◆ 명확성 : 명확하고 모호하지 않아야 한다
- ◆ 유한성 : 한정된 수의 단계 뒤에는 반드시 종료
- ◆ 유효성 : 원칙적으로 종이와 연필만으로 수행할 수 있도록 기본적으로 있어야 한다

□ 전산학에서는 (엄밀한 의미로) 알고리즘과 프로그램을 구별한다

☒ 프로그램

- ◆ 유한성을 만족하지 않는다
- ✓ 운영 체제 (operating system)

□ 알고리즘 명세

- ◆ 자연어 사용
 - 명확성을 유지해야
- ◆ 그래프 표현법
 - ✓ 흐름도 (flowchart)
- ◆ 프로그래밍 언어 사용
 - 작고 단순한 알고리즘의 경우에 유리
 - ✓ C, C++, Java, ...
 - ✓ Pascal
 - ✓ Sparc

▶ 알고리즘 예 1 → 페이지 5 ~ 6, 프로그램 1.1 : 선택 정렬 알고리즘

- ◆ $n \geq 1$ 개의 서로 다른 정수를 정렬하는 프로그램의 작성
- ◆ 1 단계 :
 - “정렬되지 않은 정수들 중에서 가장 작은 값을 찾아서 정렬된 리스트 다음 자리에 놓는다”
- 2 단계 : 저장 문제 해결
 - 정수들이 배열, *list*에 저장된다고 가정

```
for ( i = 0; i < n; i++ ) {  
    list[i]에서부터 list[n - 1]까지의 정수 값을 검사한 결과  
    list[min]가 가장 작은 값이라 하자;  
    list[i]와 list[min]을 서로 교환;  
}
```


- 3 단계 : 알고리즘 완성
 - 최소 정수의 탐색, 값의 교환 작업 명시

```
void sort ( int list[], int n )
{
    int i, j, min, temp;
    for ( i = 0; i < n - 1; i++ ) {
        min = i;
        for ( j = i + 1; j < n; j++ )
            if (list[j] < list[min])
                min = j;
        SWAP(list[i], list[min], temp);
        /* temp = list[i]; list[i] = list[min]; list[min] = temp; */
    }
}
```

- 4 단계 : 프로그램 완성
 - 페이지 7 ~ 8, 프로그램 1.3 : 선택 정렬

▶ 알고리즘 예 2 → 페이지 9, 프로그램 1.6 : 순서 리스트 탐색

- ◆ $n \geq 1$ 개의 서로 다른 정수가 정렬되어 배열 *list*에 저장되어 있을 때 *searchnum*이 *list*에 있는지 검사하는 알고리즘
 - 존재하면 $list[i] = searchnum$ 인 인덱스 *i*를 반환하고 존재하지 않으면 -1을 반환

- ◆ 1 단계 : 알고리즘의 기술
 - *left*, *right*가 각각 탐색하고자 하는 배열의 왼쪽, 오른쪽 끝 지점을 가리킬 때 (초기값은 $left = 0$, $right = n - 1$)
 $middle = (left + right) / 2$ 로 설정
 $searchnum < list[middle] \Rightarrow searchnum$ 이 $list[left]$ 와 $list[middle - 1]$ 사이에 있으므로 $right \leftarrow middle - 1$
 $searchnum = list[middle] \Rightarrow middle$ 을 반환
 $searchnum > list[middle] \Rightarrow searchnum$ 이 $list[middle + 1]$ 과 $list[right]$ 사이에 있으므로 $left \leftarrow middle + 1$
 - $searchnum$ 이 찾아지지 못하고 검색할 정수가 있으면 *middle*을 계산하여 탐색을 계속

- ◆ 2 단계 : *searchnum*과 $list[middle]$ 의 비교 구체화

```

while (there are more integers to check) {
    middle = (left + right) / 2;
    if (searchnum < list[middle])
        right = middle - 1;
    else if (searchnum == list[middle])
        return middle;
    else
        left = middle + 1;
}

```

→ 검사할 정수가 남아있는지 결정

} *searchnum*과 $list[middle]$ 의 비교

- ◆ 3 단계 : 알고리즘 구체화

```
int binsearch(int list[], int searchnum, int left, int right)
{
    int middle;
    while (left <= right) {
        middle = (left + right) / 2;
        switch (COMPARE(list[middle], searchnum)) {
            case -1: left = middle + 1; break;
            case 0: return middle;
            case 1: right = middle - 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

1.2.2 순환 알고리즘

□ 순환 기법(recursive mechanism)

- ◆ 직접 순환
 - 수행이 완료되기 전에 자기 자신을 다시 호출
 - ◆ 간접 순환
 - 호출 함수를 다시 호출하게 되어 있는 다른 함수를 호출
- 매우 복잡해질 과정들을 간단히 표현할 수 있다

□ 순환에 의해 잘 해결되는 문제들

- ◆ 문제 자체가 순환적으로 정의되는 경우
 - ✓ *factorial* : $n! = n \times (n - 1)!$
- ◆ 알고리즘이 다루는 자료 구조가 순환적으로 정의되어 있는 경우
 - ✓ *list, binary tree, ...*

▶ Iterative binary search algorithm

→ 페이지 9, 프로그램 1.6 : 순서 리스트 탐색

```
int binsearch(int list[], int searchnum, int left, int right)
{
    int middle;
    while (left <= right) {
        middle = (left + right) / 2;
        switch (COMPARE(list[middle], searchnum)) {
            case -1: left = middle + 1; break;
            case 0: return middle;
            case 1: right = middle - 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

▶ Recursive binary search algorithm

→ 페이지 11, 프로그램 1.7 : 이진 탐색에 대한 순환 구현

```
int binsearch(int list[], int searchnum, int left, int right)
{
    int middle;
    if (left <= right) {
        middle = (left + right) / 2;
        switch (COMPARE(list[middle], searchnum)) {
            case -1: return binsearch(list, searchnum, middle + 1, right);
            case 0: return middle;
            case 1: return binsearch(list, searchnum, left, middle - 1);
        }
    }
    return -1;
}
```

1.3 데이터 추상화

□ 데이터 타입 & 추상 데이터 타입

- ◆ 자료구조와 알고리즘은 서로 어느 한쪽이 없이는 이해를 할 수 없는 하나의 단위

☞ 데이터 타입 (data type)

- ◆ 데이터 타입은 객체들(objects)과 이들 객체들에 대해 동작하는 연산들(operations)의 집합이다

✓ int

- { 0, +1, -1, +2, -2, ..., INT_MAX, INT_MIN }의 객체로 구성
- 최소 산술 연산자 : +, -, *, /, %

✓ 객체의 표현 방법의 이해 ?

- 알고리즘 기술시에 표현방법을 이용하면 유용할 수도 있지만 위험하다
- 객체의 표현 방법이 변경되면 이를 이용하는 루틴도 변경해야 한다

☞ 추상 데이터 타입(abstract data type, ADT)

- ◆ 추상 데이터 타입은 객체의 명세와 이들 객체에 대한 연산의 명세가 객체의 표현과 연산의 구현으로부터 분리된 방식으로 구성된 데이터 타입이다

✓ Natural Number

▶ **Natural Number 추상 데이터 타입**

→ 페이지 17 ~ 18, 구조 1.1 : Natural Number 추상 데이터 타입

struct *Natural_Number*

objects : ‘0에서 시작해서 컴퓨터 상의 최대 정수값(*INT_MAX*)까지
순서화된 정수의 부분 범위이다.

functions :

*Nat_No*의 모든 원소 x, y , 그리고 *Boolean*의 원소 *TRUE*, *FALSE*에
대해, 여기서, +, -, <, 그리고 ==는 일반적인 정수 연산이다.

Nat_No Zero() ::= 0

Boolean Is_Zero() ::= if (x) return *FALSE* else return *TRUE*

Nat_No Add(x, y) ::= if ($(x + y \leq INT_MAX)$) return $x + y$
else return *INT_MAX*

Boolean Equal(x, y) ::= if ($x == y$) return *TRUE*
else return *FALSE*

Nat_No Successor(x) ::= if ($x == INT_MAX$) return x
else return $x + 1$

Nat_No Subtract(x, y) ::= if ($x < y$) return 0 else return $x - y$

end *NaturalNumber*

1.4 성능 분석

□ 성능 평가의 단계

- ◆ 사전 예측 - 성능 분석 (performance analysis)
 - 컴퓨터와 관계없는 시간과 공간의 추산
- ◆ 이후 검사 - 성능 측정 (performance measurement)
 - 컴퓨터에 의존적인 실행 시간

□ 기본적인 판단 기준

- ◆ 프로그램이 원래의 명세와 부합하는가?
- ◆ 정확하게 작동하는가?
- ◆ 프로그램을 어떻게 사용하고, 또 어떻게 수행하는지에 관한 문서화가 프로그램 내에 되어 있는가?
- ◆ 프로그램에서 논리적인 단위를 생성하기 위해 함수를 효과적으로 사용하는가?
- ◆ 프로그램의 코드가 읽기 쉬운가?

□ 추가된 판단 기준

- ◆ 프로그램이 주기억 장치와 보조기억장치를 효율적으로 사용하는가?
- ◆ 작업에 대한 프로그램의 실행 시간은 받아들일 만한가?

☞ 공간 복잡도 (space complexity)

- ◆ 프로그램을 실행시켜 완료하는데 필요한 공간의 양

☞ 시간 복잡도 (time complexity)

- ◆ 프로그램을 실행시켜 완료하는데 필요한 컴퓨터 시간의 양

1.4.1 공간 복잡도

□ 프로그램이 필요로 하는 공간

- ◆ 고정 부분, c
 - 프로그램의 입출력 특성(횟수나 크기)에 관계 없는 공간 요구
 - 명령어 공간, 단순 변수, 고정 크기 구조화 변수, 상수 공간 등
- ◆ 가변 부분, $S_p(I)$
 - 문제의 특성 인스턴스(I)에 의존하는 크기를 가진 구조화 변수들이 필요로 하는 공간
 - : 입출력의 횟수, 크기, 값 ...
 - 순환 호출을 할 경우에 요구되는 추가 공간 포함

⇒ 프로그램 P 의 총 공간 요구, $S(P)$

- ◆ $S(P) = c + SP(I)$

▶ 예 1 → 페이지 21, 프로그램 1.9 : 단순 산술 함수

```
float abc(float a, float b, float c)
{
    return (a + b + b * c + (a + b - c) / (a + b) + 4.00);
}
```

- ◆ 3개의 단순 변수를 입력으로 받아 하나의 단순 값을 출력
- 고정 공간 요구만을 가짐
- $S_{abc}(l) = 0$

▶ 예 2 → 페이지 21, 프로그램 1.10 : 리스트의 수직값을 합산하기 위한 반복 함수

```
float sum(float list[], int n)
{
    float tempsum = 0;
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        tempsum += list[i];
    return tempsum;
}
```

- ◆ 입력으로 배열을 가짐
- 배열이 함수로 어떻게 전달되는지에 달려 있다
 - Pascal의 경우 : call by value 방식으로 배열을 전달
 - : $S_{sum}(l) = S_{sum}(n) = n$
 - C 언어의 경우 : 배열의 첫번째 요소의 주소 전달 → 배열은 복사되지 않음
 - : $S_{sum}(l) = S_{sum}(n) = 0$

▶ 예 3 → 페이지 22, 프로그램 1.11 : 리스트의 수직값을 합산하기 위한 순환 함수

```
float rsum(float list[], int n)
{
    if (n) return (rsum(list, n - 1) + list[n - 1]);
    return 0;
}
```

- ◆ 순환 함수 → 매개 변수, 지역 변수, 순환 호출 시에 복귀 주소를 저장해야 한다
- 한번 호출될 때의 필요 공간
 - 2개의 매개변수 저장공간 + 복귀 주소 공간 = (4byte(*list*) + 4byte(*n*) + 4byte(복귀 주소)) = 12byte
 - 호출 수 × 호출 당 필요 공간 = $n \times 12\text{byte}$

1.4.2 시간 복잡도

- 프로그램 P 에 소요되는 시간, $T(P)$
 - ◆ $T(P) = \text{컴파일 시간} + \text{실행 시간}(T_P)$
 - ◆ $T_P(n)$ 의 측정, n : 인스턴스 특성

- T_P 의 결정 방법
 - ◆ 물리적 실행 시간 측정
 - ◆ 연산의 총 횟수 측정
 - 프로그램을 어떻게 상이한 단계로 분할할 것인가?

☞ 프로그램 단계

- ◆ 프로그램 단계는 인스턴스 특성에 독립적인 실행 시간을 가지는 구문적으로나 의미적으로 합당한 프로그램의 세그먼트이다
- 프로그램 세그먼트에 의해 표현되는 계산량은 다른 세그먼트에 의해 표현되는 계산량과 다르다
- 한 단계로 간주되는 각 명령문을 실행하는데 필요한 시간이 인스턴스 특성에 독립적이어야 한다

□ 프로그램의 단계 수를 결정하는 두 가지 방법

- ◆ 프로그램에 count라는 새로운 변수를 생성
- ◆ 각 문장의 총 단계 수를 나열하는 테이블을 구성

□ 프로그램의 시간 복잡도

- ◆ 프로그램의 기능을 수행하기 위해 프로그램이 취한 단계수로 표현
- ◆ 인스턴스 특성 중 중요한 특성만을 선택
- 입력 수의 증가에 따라 시간이 얼마나 증가하는가
- 특정한 입력의 크기가 증가함에 따라 연산 시간이 얼마나 증가하는가
- ◆ 문제에 대한 어떤 특성이 사용될 것인가를 정확하게 알아야

▶ 페이지 26, 프로그램 1.15 : 행렬의 덧셈

페이지 27, 프로그램 1.16 : count 문이 첨가된 행렬의 덧셈

```
void add (int a[][MAX_SIZE], int b[][MAX_SIZE],
          int c[][MAX_SIZE], int rows, int cols)
{
    int i, j;
    for (i = 0; i < rows; i++)
        for (j = 0; j < cols; j++)
            c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];
}
```

```
void add (int a[][MAX_SIZE], int b[][MAX_SIZE],
          int c[][MAX_SIZE], int rows, int cols)
{
    int i, j;
    for (i = 0; i < rows; i++) {
        count++;
        for (j = 0; j < cols; j++) {
            count++;
            c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];
            count++;
        }
        count++;
    }
    count++;
}
```

▶ 페이지 28, 그림 1.4 : 행렬 덧셈에 대한 단계수 테이블

	s/e	빈도수	총 단계수
<code>void add (int a[][MAX_SIZE], ...)</code>	0	0	0
{	0	0	0
<code>int i, j;</code>	0	0	0
<code>for (i = 0; i < rows; i++)</code>	1	<i>rows+1</i>	<i>rows+1</i>
<code>for (j = 0; j < cols; j++)</code>	1	<i>rows · (cols + 1)</i>	<i>rows · cols + rows</i>
<code>c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];</code>	1	<i>rows · cols</i>	<i>rows · cols</i>
}	0	0	0
		<i>2rows · cols + 2rows + 1</i>	

- 단계수를 유일하게 결정할 때 발생하는 매개 변수 선택의 부적절함을 세 가지 경우의 단계수를 정의함으로써 해결
 - ◆ 최상 단계수
 - 주어진 매개 변수에 대해 실행될 수 있는 단계수가 최소인 경우
 - ◆ 최악 단계수
 - 주어진 매개 변수에 대해 실행될 수 있는 단계수가 최대인 경우
 - ◆ 평균 단계수
 - 주어진 매개 변수를 가지는 인스턴스에 대해 실행되는 평균 단계수

1.4.3 점근 표기법

□ 정확한 단계 수의 측정

- ◆ 단계 개념 자체가 부정확하므로 낭비 초래
- ✓ $(3n + 3)$ Vs. $(100n + 10)$

□ 균형 분기점 (break-even point)

- ✓ $(c_1n^2 + c_2n)$ Vs. (c_3n)
 - 복잡도가 c_3n 인 프로그램이 복잡도가 $c_1n^2 + c_2n$ 인 프로그램보다 빠를 수 있는 조건이 되는 n 이 존재

□ 점근 표기법들 (asymptotic notations)

- ◆ big oh : $O(n)$
- ◆ omega : $\Omega(n)$
- ◆ theta : $\Theta(n)$

⚡ Big “oh”

- ◆ upper bound
- ◆ $f(n) = O(g(n))$
 - 모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \leq cg(n)$ 인 조건을 만족하는 두 양의 상수 c 와 n_0 가 존재
- $f(n) = a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0$ 이면 $f(n) = O(n^m)$

✓ 예제

- ◆ $3n + 2 = O(n)$
- ◆ $1000n^2 + 100n - 5 = O(n^2)$
- ◆ $6 \times 2^n + n^2 = O(2^n)$
- ◆ $10n^2 + 4n - 5 = O(n^2)$

✓ $O(1)$ $O(\log n)$ $O(n)$ $O(n \log n)$ $O(n^2)$ $O(n^3)$ $O(2^n)$

↩ Omega

- ◆ lower bound
- ◆ $f(n) = \Omega(g(n))$
 - 모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \geq cg(n)$ 인 조건을 만족하는 두 양의 상수 c 와 n_0 가 존재
- $f(n) = a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0, a_m > 0$ 이면 $f(n) = \Omega(n^m)$

✓ 예제

- ◆ $3n + 2 = \Omega(n)$
- ◆ $10n^2 + 4n + 2 = \Omega(n^2) = \Omega(n) = \Omega(1)$
- ◆ $3n + 2 = \Omega(n)$
- ◆ $6 \times 2^n + n^2 = \Omega(2^n) = \Omega(n^{100}) = \Omega(n^{50.2}) = \Omega(n^2) = \Omega(n) = \Omega(1)$

◀ Theta

- ◆ $f(n) = \Theta(g(n))$
 - 모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $c_1g(n) \leq f(n) \leq c_2g(n)$ 인 조건을 만족하는 두 양의 상수 c_1, c_2 와 n_0 가 존재
- $f(n) = a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0, a_m > 0$ 이면 $f(n) = \Theta(n^m)$

✓ 예제

- ◆ $3n + 2 = \Theta(n) \neq \Theta(1)$

▶ 페이지 35, 그림 1.5 : 행렬 덧셈의 시간 복잡도

	점근적 복잡도
<code>void add (int a[][MAX_SIZE], ...)</code>	0
<code>{</code>	0
<code> int i, j;</code>	0
<code> for (i = 0; i < rows; i++)</code>	$\Theta(\text{rows})$
<code> for (j = 0; j < cols; j++)</code>	$\Theta(\text{rows} \cdot \text{cols})$
<code> c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];</code>	$\Theta(\text{rows} \cdot \text{cols})$
<code>}</code>	0
	$\Theta(\text{rows} \cdot \text{cols})$

이진 탐색의 시간 복잡도

```

int binsearch(int list[], int searchnum, int left, int right)
{
    int middle;
    while (left <= right) {
        middle = (left + right) / 2;
        switch (COMPARE(list[middle], searchnum)) {
            case -1: left = middle + 1; break;
            case 0: return middle;
            case 1: right = middle - 1;
        }
    }
    return -1;
}

```

- ◆ 인스턴스 특성 = 리스트 원소의 수 n
- ◆ while 루프
 - 매 반복에 $\Theta(1)$ 의 시간
 - 루프의 반복 횟수
 - : 매 반복마다 list의 세그먼트가 반으로 줄어듦
 - : $1 \rightarrow n/2 \rightarrow n/4 \rightarrow n/8 \rightarrow \dots \rightarrow 1$
 - : $1 \rightarrow n/(2^1) \rightarrow n/(2^2) \rightarrow n/(2^3) \rightarrow \dots \rightarrow n/(2^{i-1}) = 1 \leftarrow i$ 는 반복 횟수
 - : $2^{i-1} = n \rightarrow i-1 = \log_2 n \rightarrow i = \log_2 n + 1$

▶ 페이지 36, 그림 1.6 : 매직 스퀘어 (magic square)

15	8	1	24	17
16	14	7	5	23
22	20	13	6	4
3	21	19	12	10
9	2	25	18	11

- ◆ n 이 홀수일 때 매직 스퀘어 규칙 (by Coexter)
 - 첫번째 행의 중앙에 1을 넣는다
 - 왼쪽 대각선 방향으로 올라가면서 빈 자리에 1씩 큰 수를 넣는다
 - 만약 정방향 밖으로 벗어나면 정방형의 반대편 자리에서 계속한다
 - : 상단을 벗어나면 같은 열의 최하단으로, 왼쪽으로 벗어나면 같은 행의 제일 오른쪽으로 이동한다
 - 이동하려는 자리에 숫자가 이미 채워져 있으면 바로 밑으로 가서 계속한다

▶ 페이지 38, 프로그램 1.22 : 매직 스퀘어 프로그램

```

for (i = 0; i < size; i++)
    for (j = 0; j < size; j++)
        square[i][j] = 0;
square[0][(size - 1) / 2] = 1;    /* 첫번째 행의 중앙에 1을 넣는다 */
i = 0; j = (size - 1) / 2;
for (count = 2; count <= size * size; count++) {
    row = (i - 1 < 0) ? (size - 1) : (i - 1);    /* 위로 */
    column = (j - 1 < 0) ? (size - 1) : (j - 1);    /* 왼쪽으로 */
    if (square[row][column]) i = (++i) % size;    /* 아래로 */
    else { i = row; j = (j - 1 < 0) ? (size - 1) : --j; }
    square[i][j] = count;
}
/* 출력 */
printf("Magic Square of size %d : \n\n", size);
for (i = 0; i < size; i++) {
    for (j = 0; j < size; j++) printf("%5d", square[i][j]);
    printf("\n");
}

```

◆ 복잡도 계산

- 첫번째 for 문의 복잡도 = $\Theta(n^2)$ 두번째 for 문의 복잡도 = $\Theta(n^2)$
- 세번째 for 문의 복잡도 = $\Theta(n^2)$
- 프로그램의 복잡도 = $\Theta(n^2)$

1.4.4 실용적인 복잡도

▶ 페이지 40, 그림 1.7 : 함수 값

		인스턴스 특성 n						
시간	이름	1	2	4	8	16	32	
1	상수	1	1	1	1	1	1	
$\log n$	로그형	0	1	2	3	4	5	
n	선형	1	2	4	8	16	32	
$n \log n$	로그 선형	0	2	8	24	64	160	
n^2	평방형	1	4	16	64	256	1024	
n^3	입방형	1	8	64	512	4096	32768	
2^n	지수형	2	4	16	256	65536	4294967296	
$n!$	계승형	1	2	24	40326	20922789888000	26313×10^{33}	

1.5 성능 측정

□ 성능 측정

- ◆ 프로그램이 공간 및 시간 요구량을 구하는 것
- ◆ 특정 컴퓨터, 컴파일러, 사용되는 옵션에 따라 다르다

□ 프로그램의 계산 시간을 측정하는데 초점을 둠

- ◆ 시간 함수 (clocking function) 필요

✓ `time()` :

: 페이지 44, 프로그램 1.23 참조

□ 테스트 데이터의 생성

- ◆ 프로그램의 최악의 성능을 초래하는 데이터 집합을 생성하는 것이 항상 쉽지는 않다
- ◆ 최악의 성능을 측정하기 위한 또 다른 접근법을 사용
 - 관심 있는 인스턴스 특성 값들에 대해 적당히 큰 규모의 무작위 테스트 데이터를 생성
 - 이 테스트 데이터 각각에 대해 실행 시간을 구한다
- ◆ 실험을 위해 생성되어야 할 데이터를 결정하기 위해 사용되는 알고리즘을 분석해야